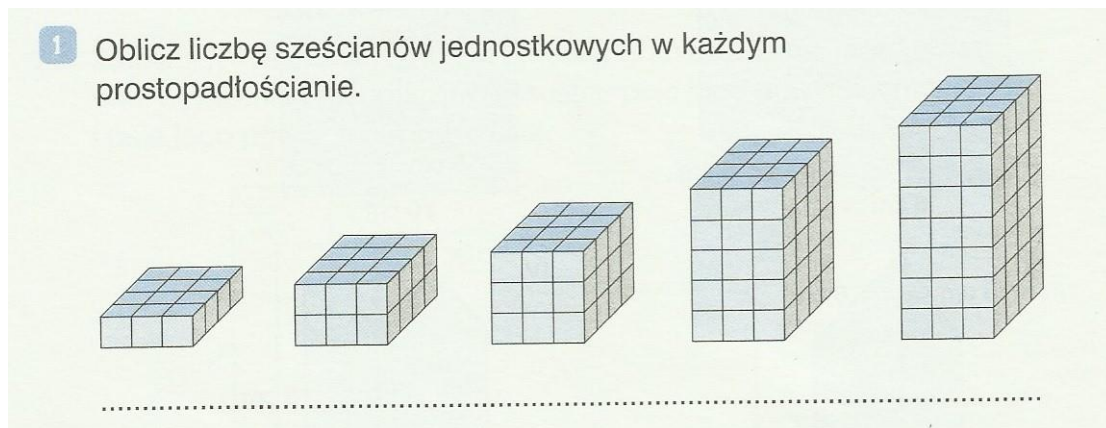


## OBJĘTOŚĆ PROSTOPADŁOŚCIANU

Witam was na kolejnej lekcji. Poświęcamy na nią cztery jednostki lekcyjne.

Rozwiążę dla was zadania, Wy przepisujcie je, spróbujcie zrozumieć.

Do niektórych zadań przydałby się cukier w kostkach. Jeżeli macie taką możliwość, poproście rodziców, aby pozwolili Wam pobawić się, abyście mogli pobudować różne bryły i policzyć ich objętość.



No i właśnie tutaj przydałyby się kostki cukru. Jedna kostka cukru symbolizuje jeden sześcian jednostkowy. Co to jest sześcian jednostkowy? Jest to sześcian o wymiarach 1cm na 1cm na 1cm. ( np. taka kostka do gry) – ma on objętość 1 cm<sup>3</sup>. Sześcianami jednostkowymi wypełniamy przestrzeń.

Obejrzyj <https://www.youtube.com/watch?v=qNMDISM7u48>

Ile kostek potrzeba aby ułożyć **pierwszą** bryłę? Szeroka na 3 rzędy, długa na 4 rzędy wysoka na 1 rząd: to daje nam **12 kostek -sześcianów jednostkowych**.

Bo  $3 \cdot 4 \cdot 1 = 12$ . Można powiedzieć, że pierwsza bryła ma objętość 12.

Ile kostek potrzeba aby ułożyć **drugą** bryłę? Szeroka na 3 rzędy, długa na 4 rzędy wysoka na 2 rzędy: to daje nam **24 kostki -sześcianów jednostkowych**.

Bo  $3 \cdot 4 \cdot 2 = 24$

Ile kostek potrzeba aby ułożyć **trzecią** bryłę? Szeroka na 3 rzędy, długa na 4 rzędy wysoka na 3 rzędy: to daje nam **36 kostki -sześcianów jednostkowych**.

Bo  $3 \cdot 4 \cdot 3 = 36$

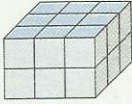
Ile kostek potrzeba aby ułożyć **czwartą** bryłę? Szeroka na 3 rzędy, długa na 4 rzędy wysoka na 5 rzędów: to daje nam **60 kostek -sześcianów jednostkowych**.


Bo  $3 \cdot 4 \cdot 5 = 60$

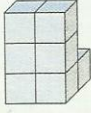
Ile kostek potrzeba aby ułożyć **piątą** bryłę? Szeroka na 3rzędy, długa na 4 rzędy wysoka na 7 rzędów: to daje nam **72 kostki -sześciątów jednostkowych**.

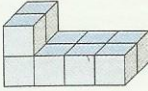
Bo  $3 \cdot 4 \cdot 7 = 72$

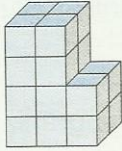
2 Z ilu sześciątów jednostkowych składa się każda bryła?

a)  V = .....

b)  V = .....

c)  V = .....

d)  V = .....

e)  V = .....

Możemy wykorzystać kostki cukru, ale szukajmy też zależności między liczbą kostek użytych do szerokości, długości i wysokości bryły.

- a)  $3 \cdot 3 \cdot 2 = 18$  sześciątów jednostkowych
- b)  $2 \cdot 2 \cdot 2 = 8$  sześciątów jednostkowych
- c) Nie jest jednoznaczny rysunek, nie możemy go obrócić ( a szkoda), trudno powiedzieć ile sześciątów znajduje się za ścianą widoczną ( czy jeden, czy dwa), założmy, że są tam dwa sześciiany. Czyli z przodu 6 i z tyłu 2 razem 8 sześciątów jednostkowych.
- d) Ten rysunek jest bardziej przejrzysty. Pierwsza warstwa  $4 \cdot 2 = 8$  i 2 w drugiej warstwie razem 10 sześciątów jednostkowych
- e) Dwie warstwy po  $3 \cdot 2$  czyli 12 i dwie warstwy po  $2 \cdot 2$  czyli 8 razem  $12 + 8 = 20$  sześciątów jednostkowych.

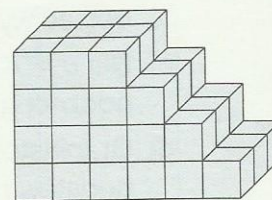
3. Uzupełnij zdania. Zakreśl poprawne odpowiedzi spośród **A** i **B** oraz **C** i **D**.

Bryła jest zbudowana z **A** / **B** sześcianów jednostkowych.

**A.** 48                      **B.** 54

Do zbudowania prostopadłościanu o wymiarach  $6 \times 3 \times 4$  brakuje **C** / **D** sześcianów jednostkowych.

**C.** 30                      **D.** 18



Bryła składa się z czterech warstw, ale w każdej warstwie jest inna liczba sześcianów.

Przeliczajmy kolejno warstwy.

Pierwsza warstwa:  $6 \cdot 3 = 18$

Druga warstwa:  $5 \cdot 3 = 15$

Trzecia warstwa:  $4 \cdot 3 = 12$

Czwarta warstwa:  $3 \cdot 3 = 9$

Sumujemy ilość klocków w warstwach  $18 + 15 + 12 + 9 = 54$  sześciany jednostkowe  
odp B

Musimy zbudować prostopadłościan, czyli wyrównać ilość klocków w poszczególnych warstwach do ilości klocków w warstwie pierwszej.

W warstwie pierwszej jest ich 18

W warstwie drugiej jest ich 15 **brakuje 3**

W warstwie trzeciej jest ich 12 **brakuje 6**

W warstwie czwartej jest ich 9 **brakuje 9**

**Łącznie brakuje  $3 + 6 + 9 = 18$  klocków -sześcianów jednostkowych. Odp D**

4

Agnieszka pakuje prezent dla babci. Pudełko, które przygotowała, jest prostopadłościanem o wymiarach  $20\text{ cm} \times 40\text{ cm} \times 30\text{ cm}$ .

a) Jaka jest objętość tego pudełka (podaj ją w  $\text{dm}^3$ )?

b) Jakie jest pole powierzchni całkowitej pudełka (podaj je w  $\text{dm}^2$ )?



c) Beata narysowała pudełko Agnieszki w skali  $1 : 20$ .  
Podaj wymiary narysowanego przez Beatę prostopadłościanu.

cm,  cm,  cm

d) Narysuj siatkę pudełka w skali  $1 : 20$ .

Powinniście już zauważyć, że obliczenie objętości to podanie liczby sześciątów jednostkowych. To mogą być takie małe sześciątiki o krawędziach  $1\text{ mm}$  lub trochę większe o krawędziach  $1\text{ cm}$  lub całkiem spore o krawędzi  $1\text{ dm}$  lub zupełnie duże o krawędzi  $1\text{ m}$ .

Aby policzyć liczbę tych sześciątów wystarczy pomnożyć przez siebie wymiary prostopadłościanu pamiętając, aby były wyrażone w tych samych jednostkach, czyli wszystkie w  $\text{cm}$  lub wszystkie w  $\text{dm}$  itp.

a) W zadaniu żądają abyśmy podali objętość w  $\text{dm}^3$ , dlatego zapiszę wymiary pudełka w  $\text{dm}$

$$20\text{cm}=2\text{dm}; 40\text{cm}=4\text{dm}; 30\text{cm}=3\text{dm},$$

$$\text{więc objętość wynosi } 2\text{dm} \cdot 4\text{dm} \cdot 3\text{dm} = 24\text{ dm}^3$$

b) I ściana  $= 2\text{dm} \cdot 4\text{dm} = 8\text{ dm}^2$ ; są dwie więc  $2 \cdot 8\text{ dm}^2 = 16\text{ dm}^2$

$$\text{II ściana} = 4\text{dm} \cdot 3\text{dm} = 12\text{ dm}^2, \text{ są dwie więc } 2 \cdot 12\text{ dm}^2 = 24\text{ dm}^2$$

$$\text{III ściana} = 3\text{dm} \cdot 2\text{dm} = 6\text{ dm}^2, \text{ są dwie więc } 2 \cdot 6\text{ dm}^2 = 12\text{ dm}^2$$

$$\text{Sumujemy } 16\text{ dm}^2 + 24\text{ dm}^2 + 12\text{ dm}^2 = 52\text{ dm}^2$$

c) Skala  $1:20$  zmniejsza wymiary 20 razy

$$20\text{cm} : 20 = 1\text{cm}$$

$$40\text{cm} : 20 = 2\text{cm}$$

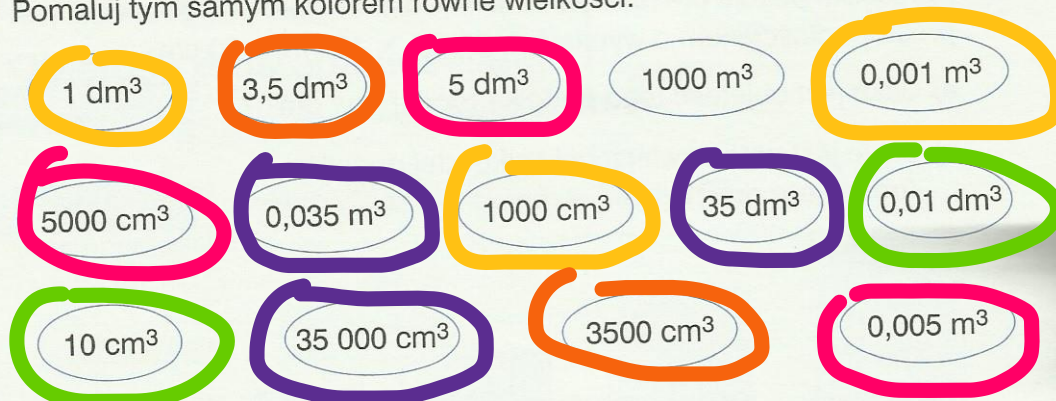
$$30\text{cm} : 20 = 1,5\text{cm}$$

d) Siatkę o wymiarach  $1\text{cm}$ ,  $2\text{cm}$ ,  $1,5\text{cm}$  narysujcie sami.



e) Aby ładnie opakować to pudełko, potrzebny jest papier ozdobny, który sprzedaje się w arkuszach o wymiarach 6 dm × 10 dm. Czy wystarczy jeden arkusz papieru na opakowanie tego prezentu?

5 Pomaluj tym samym kolorem równe wielkości.



Poniżej umieszczam tabele zamiany jednostek objętości. Są to skany tabel z podręcznika ze stron 163 oraz 164.

- **1 l = 1 dm<sup>3</sup>**
- **1 l = 1000 ml** (czytaj: mililitrów)
  - 1 ml =  $\frac{1}{1000}$  l, bo przedrostek *mili* oznacza  $\frac{1}{1000}$  danej wielkości (podobnie jak milimetr jest  $\frac{1}{1000}$  częścią metra).
- **1 ml = 1 cm<sup>3</sup>**

$$0,001 \text{ m}^3 = 0,001 * 1000 \text{ dm}^3 = 1 \text{ dm}^3 = 1 * 1000 \text{ cm}^3 = 1000 \text{ cm}^3$$

$$3,5 \text{ dm}^3 = 3,5 * 1000 \text{ cm}^3 = 3500 \text{ cm}^3$$

$$0,005 \text{ m}^3 = 0,005 * 1000 \text{ dm}^3 = 5 \text{ dm}^3 = 5 * 1000 \text{ cm}^3 = 5000 \text{ cm}^3$$

$$0,035 \text{ m}^3 = 0,035 * 1000 \text{ dm}^3 = 35 \text{ dm}^3 = 35 * 1000 \text{ cm}^3 = 35000 \text{ cm}^3$$

$$0,01 \text{ dm}^3 = 0,01 * 1000 \text{ cm}^3 = 10 \text{ cm}^3$$

### Zamiana jednostek objętości

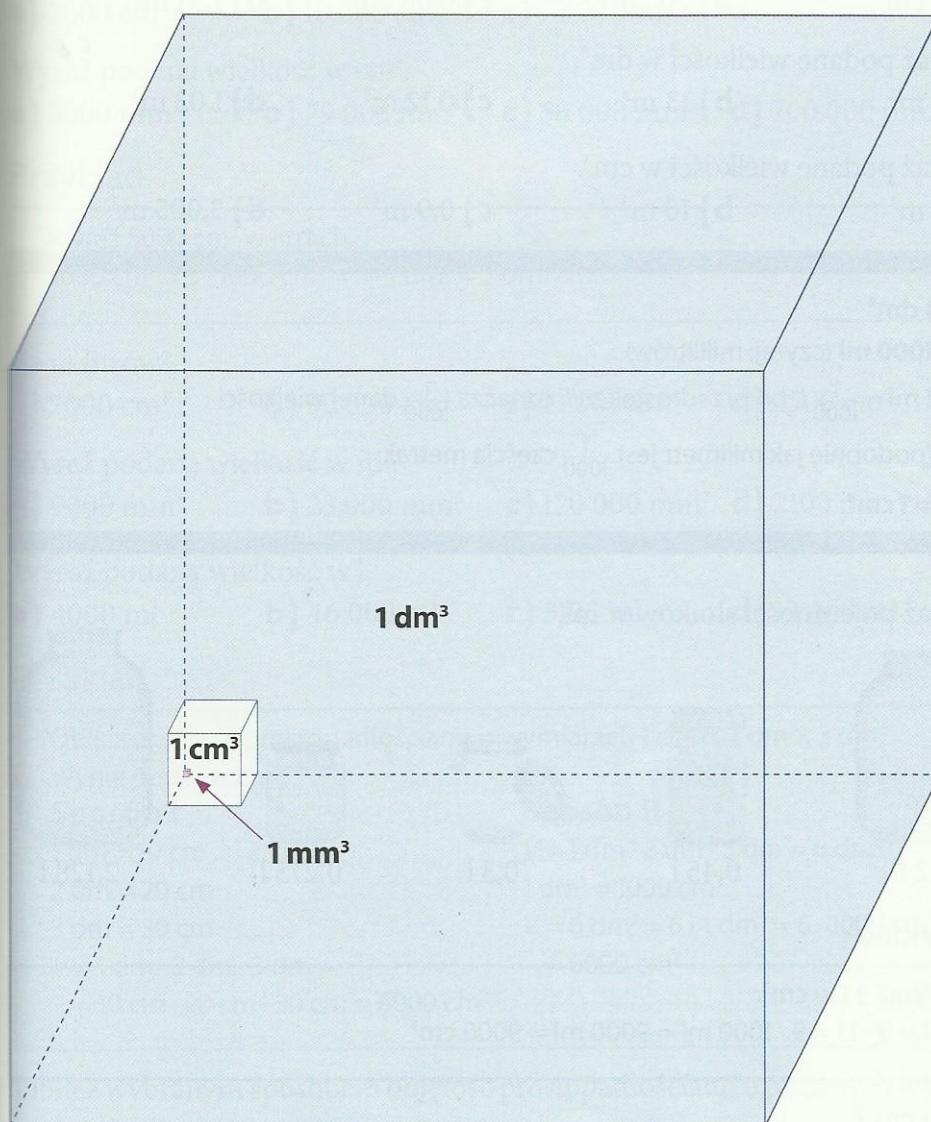
$$1 \text{ cm}^3 = 1 \text{ cm} \cdot 1 \text{ cm} \cdot 1 \text{ cm} = 10 \text{ mm} \cdot 10 \text{ mm} \cdot 10 \text{ mm} = \mathbf{1000 \text{ mm}^3}$$

$$1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} = 10 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm} = \mathbf{1000 \text{ cm}^3}$$

$$1 \text{ dm}^3 = 1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} \cdot 1 \text{ dm} = 100 \text{ mm} \cdot 100 \text{ mm} \cdot 100 \text{ mm} = \mathbf{1000000 \text{ mm}^3}$$

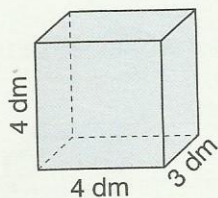
$$1 \text{ m}^3 = 1 \text{ m} \cdot 1 \text{ m} \cdot 1 \text{ m} = 10 \text{ dm} \cdot 10 \text{ dm} \cdot 10 \text{ dm} = \mathbf{1000 \text{ dm}^3}$$

$$1 \text{ m}^3 = 1 \text{ m} \cdot 1 \text{ m} \cdot 1 \text{ m} = 100 \text{ cm} \cdot 100 \text{ cm} \cdot 100 \text{ cm} = \mathbf{1000000 \text{ cm}^3}$$

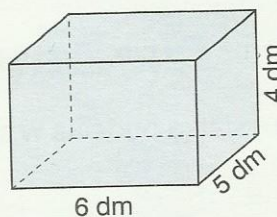


- 6 Ile litrów wody można co najwyżej wlać do akwarium o wymiarach wewnętrznych podanych na rysunku? Do którego akwarium można wlać więcej wody i o ile litrów?

a)



b)



Popatrzcie na tabelę (podręcznik str. 158)

► **Objętość prostopadłościanu** jest równa iloczynowi długości jego krawędzi wychodzących z jednego wierzchołka.

Objętość prostopadłościanu o wymiarach  $a \times b \times c$  można opisać wzorem:

$$V = a \cdot b \cdot c$$

Przykład:

$$V = 1 \text{ cm} \cdot 2 \text{ cm} \cdot 3 \text{ cm} = 6 \text{ cm}^3$$

Korzystając ze wcześniejszych informacji i tabeli obliczamy objętości akwarium

a)  $4 \text{ dm} \cdot 4 \text{ dm} \cdot 3 \text{ dm} = 48 \text{ dm}^3 = 48$  litrów

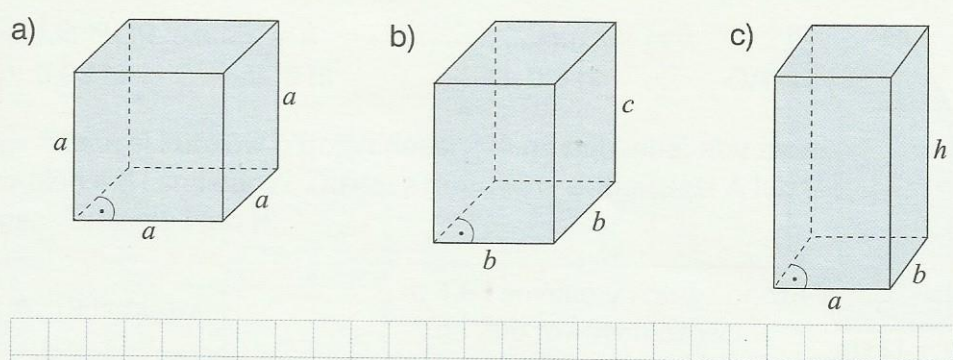
b)  $6 \text{ dm} \cdot 5 \text{ dm} \cdot 4 \text{ dm} = 120 \text{ dm}^3 = 120$  litrów

Pamiętajcie **1 liter to 1 dm<sup>3</sup>**

Więcej wody wlejemy do akwarium drugiego o  $120 - 48 = 72$  litry



8 Zapisz wyrażenia algebraiczne opisujące objętości narysowanych prostopadkościanów. Oblicz wartości liczbowe wyrażen dla  $a = 3,8 \text{ cm}$ ,  $b = 6 \text{ cm}$ ,  $c = 5,1 \text{ cm}$ ,  $h = 10 \text{ cm}$ .



Spójrnie raz jeszcze na tabelkę pod zadaniem 6

a)  $V = a \cdot a \cdot a = a^3$

b)  $V = b \cdot b \cdot c = b^2 \cdot c$

c)  $V = a \cdot b \cdot h$

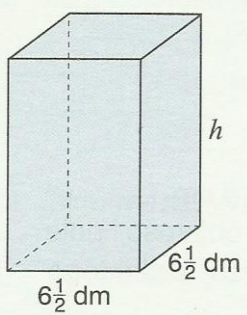
Obliczamy ich wartości liczbowe dla danych w zadaniu

a)  $a^3 = (3,8)^3 = 3,8 \text{ cm} \cdot 3,8 \text{ cm} \cdot 3,8 \text{ cm} = 54,872 \text{ cm}^3$

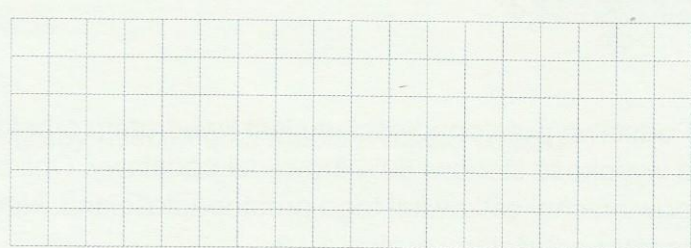
b)  $b^2 \cdot c = (6 \text{ cm})^2 \cdot 5,1 \text{ cm} = 6 \text{ cm} \cdot 6 \text{ cm} \cdot 5,1 \text{ cm} = 36 \cdot 5,1 = 163,6 \text{ cm}^3$

c)  $a \cdot b \cdot h = 3,8 \text{ cm} \cdot 6 \text{ cm} \cdot 10 \text{ cm} = 22,8 \cdot 10 = 228 \text{ cm}^3$

9 Podstawą prostopadkościanu jest kwadrat o boku  $6\frac{1}{2} \text{ dm}$ . Wysokość prostopadkościanu jest o 3 dm dłuższa od krawędzi podstawy. Oblicz jego objętość.



$h = \dots\dots\dots$



Wzór do obliczenia objętości to  $V = 6\frac{1}{2} \text{ dm} \cdot 6\frac{1}{2} \text{ dm} \cdot h$

Z informacji w zadaniu obliczamy wysokość  $h$  – jest ona o 3 dm dłuższa od krawędzi podstawy tzn.  $6\frac{1}{2} \text{ dm} + 3 \text{ dm} = 9\frac{1}{2} \text{ dm}$

Aby obliczyć objętość mnożymy jego wymiary



$$V = 6\frac{1}{2} \text{ dm} \cdot 6\frac{1}{2} \text{ dm} \cdot 9\frac{1}{2} \text{ dm} = \frac{13}{2} \text{ dm} \cdot \frac{13}{2} \text{ dm} \cdot \frac{19}{2} \text{ dm} = \frac{3211}{8} = 401\frac{3}{8} \text{ dm}^3$$

10 Oblicz pole powierzchni i objętość graniastostupa mającego w podstawie kwadrat. Pole podstawy jest równe  $64 \text{ cm}^2$ , a wysokość graniastostupa ma  $8 \text{ cm}$ .



Musimy ustalić wymiary podstawy. Tam jest kwadrat – długość równa szerokości. Jakie dwie takie same liczby pomnożone przez siebie dadzą  $64$  (bo tyle wynosi pole podstawy)? Inaczej  $a \cdot a = 64$ . Ile to  $a$ ? Ta liczba to  $8$ , bo  $8 \cdot 8 = 64$ .

Wymiary tego graniastostupa to  $8 \text{ cm}, 8 \text{ cm}, 8 \text{ cm}$  – jest to sześcian, bo wszystkie krawędzie są jednakowej długości.

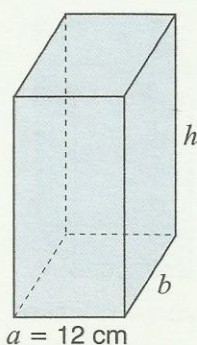
Pole powierzchni sześcianu to pole sześciu kwadratów

$$6 \cdot a^2 = 6 \cdot (8 \text{ cm})^2 = 6 \cdot 64 \text{ cm}^2 = 384 \text{ cm}^2$$

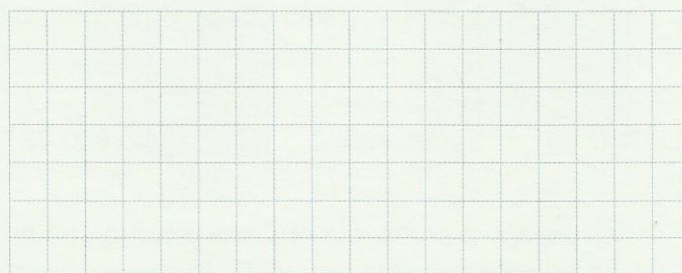
Objętość sześcianu to  $V = a \cdot a \cdot a = a^3$ , więc obliczajmy.

$$8 \text{ cm} \cdot 8 \text{ cm} \cdot 8 \text{ cm} = 512 \text{ cm}^3$$

11 Oblicz objętość prostopadłościanu, w którym jedna krawędź podstawy jest równa  $12 \text{ cm}$ , a druga stanowi  $200\%$  tej krawędzi. Wysokość prostopadłościanu wynosi  $1,4$  dłuższej krawędzi podstawy.



$b = \dots\dots\dots$        $h = \dots\dots\dots$



Do obliczenia objętości potrzebne są długości krawędzi  $a, b, h$ .


$a = 12 \text{ cm}$  z treści zadania

$b$  stanowi  $200\%$  pierwszej czyli  $200\% \cdot 12 \text{ cm} = 2 \cdot 12 \text{ cm} = 24 \text{ cm}$

h wynosi 1,4 dłuższej krawędzi czyli  $1,4 \cdot 24 \text{ cm} = 33,6 \text{ cm}$

Objętość to  $V = a \cdot b \cdot c = 12 \text{ cm} \cdot 24 \text{ cm} \cdot 33,6 \text{ cm} = \dots\dots\dots \text{ cm}^3$

12 Objętość prostopadłościanu jest równa  $175 \text{ cm}^3$ . Podstawa jest kwadratem o boku  $5 \text{ cm}$ . Oblicz wysokość tego prostopadłościanu.



The diagram shows a 3D perspective drawing of a rectangular prism on the left. The front face is a square with side length 5 cm, labeled '5 cm' on both the bottom and right edges. The back edge is also labeled '5 cm'. To the right of the prism is a large grid of 10 columns and 10 rows, intended for drawing or calculations.

Objętość liczymy mnożąc wymiary  $V = a \cdot b \cdot h$

W tym prostopadłościanie krawędzie podstawy są sobie równe i mają po  $5 \text{ cm}$  długości.

$$175 \text{ cm}^3 = 5 \text{ cm} \cdot 5 \text{ cm} \cdot h$$


$$175 \text{ cm}^3 = 25 \text{ cm}^2 \cdot h$$

$$H = 175 \text{ cm}^3 : 25 \text{ cm}^2$$

$$H = 7 \text{ cm}$$

**Aby obliczyć wysokość graniastosłupa musimy podzielić objętość przez pole podstawy  $V : P_p$**

13 Podstawa prostopadłościanu jest kwadratem o boku  $6 \text{ cm}$ , a wysokość stanowi  $50\%$  krawędzi podstawy. Oblicz objętość i pole powierzchni całkowitej tego prostopadłościanu. Narysuj siatkę tego prostopadłościanu w skali  $1 : 3$ .



The diagram shows a grid of 10 columns and 10 rows, intended for drawing the net of the rectangular prism.

Zapisujemy wymiary  $a = 6 \text{ cm}$ ,  $a = 6 \text{ cm}$ , wysokość to  $50\%$  z  $6 \text{ cm}$  czyli połowa z  $6 \text{ cm}$ , więc  $h = 3 \text{ cm}$

Objętość liczymy mnożąc wymiary  $V = a \cdot b \cdot h$

$$V = 6 \text{ cm} \cdot 6 \text{ cm} \cdot 3 \text{ cm} = 108 \text{ cm}^3$$

Pole powierzchni

I ściana =  $6\text{cm} \cdot 6\text{cm} = 36\text{ cm}^2$ ; są dwie więc  $2 \cdot 36\text{ cm}^2 = 72\text{ cm}^2$

II ściana =  $6\text{cm} \cdot 3\text{cm} = 18\text{ cm}^2$ , są dwie więc  $2 \cdot 18\text{ cm}^2 = 36\text{ cm}^2$

III ściana =  $3\text{cm} \cdot 6\text{cm} = 18\text{ cm}^2$ , są dwie więc  $2 \cdot 18\text{ cm}^2 = 36\text{ cm}^2$

Sumujemy  $72\text{ cm}^2 + 36\text{ cm}^2 + 36\text{ cm}^2 = 144\text{ cm}^2$

Siatkę narysujcie sami

14 800 ml wody to

A.  $\frac{3}{5}\text{ l}$

B. 0,7 l

C. 0,6 l

D.  $\frac{4}{5}\text{ l}$

$800 \cdot 0,001\text{ l} = 0,8\text{ l}$  a w postaci ułamka zwykłego to  $\frac{8}{10} = \frac{4}{5}\text{ l}$  **odp. D**

15 30 l soku to

A. 0,03 hl

B. 3 hl

C. 0,3 hl

D. 0,75 hl

16 Ile najmniej kubków o pojemności 200 ml potrzeba, aby zmieścić w nich 4,6 l śmietany? Zaznacz poprawną odpowiedź **A** lub **B** i jej uzasadnienie **I** lub **II**.

|                      |          |   |
|----------------------|----------|---|
| <b>A.</b> 19 kubków, | ponieważ | <b>I.</b> 4,6 l śmietany należy podzielić na 200 równych części.                                |
| <b>B.</b> 23 kubki,  |          | <b>II.</b> na każdy litr śmietany przypada 5 kubków, a 600 ml śmietany zmieści się w 3 kubkach. |

Do zad 15

**1 hl (hektolitr) = 100 l**

$30\text{ l} : 100 = 0,3\text{ hl}$  **odp C**

Do zad 16

**1l = 1000ml(mililitrów)**

$4,6\text{ l} : 200\text{ ml} = 4600\text{ ml} : 200\text{ ml} = 23\text{ kubki}$  **odp B ponieważ II**





Teraz przetnijcie kostkę na połowę w dowolny sposób, (aby nie na skos).  
Ja proponuję podział wzdłuż czarnej linii. Ponownie zmierzcie wymiary,  
ale już połówki kostki i porównajcie je z początkowymi. Czy wszystkie  
się zmieniają?



Niebieska linia=4,5cm

Żółta linia=3,8cm

Zielona linia=7,4cm

Czy można inaczej podzielić kostkę na dwie równe części? Jakie wtedy  
będą wymiary?

Ile jest takich możliwości?

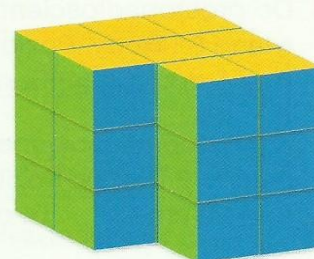
A teraz w wyobraźni popracuj nad kostką masła pani Janki i ustal  
wymiary kostki o masie 10dag (otrzymanej z podziału kostki 20 dag).

## Zadania dla chętnych

1 Najmniejsza z podanych pojemności to:  
 A.  $1000 \text{ cm}^3$     B.  $1 \text{ dm}^3$     C.  $1 \text{ l}$     D.  $999 \text{ ml}$

2 Prostopadłościenne akwarium o wymiarach wewnętrznych  $55 \text{ cm} \times 3,5 \text{ dm} \times 440 \text{ mm}$  wypełniono wodą. Wody mogło być co najwyżej:  
 A.  $8,47 \text{ l}$     B.  $847 \text{ l}$     C.  $84,7 \text{ l}$     D.  $84\,700 \text{ l}$

3 Z kostek o krawędzi  $1 \text{ cm}$  zbudowano sześcian o krawędzi  $3 \text{ cm}$ . Wyjęto z niego 1 kolumnę kostek tak, jak pokazano na rysunku. Objętość powstałej bryły jest równa:  
 A.  $8 \text{ cm}^3$     B.  $16 \text{ cm}^3$   
 C.  $24 \text{ cm}^3$     D.  $25 \text{ cm}^3$

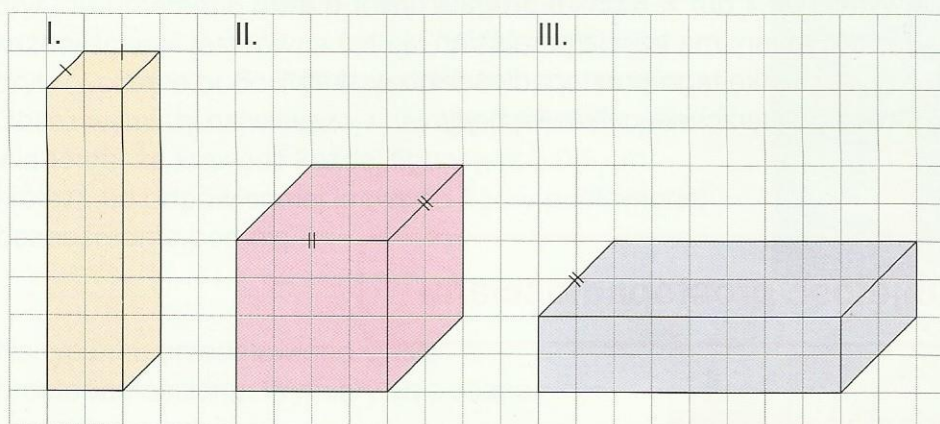


4 Objętość prostopadłościanu o wymiarach  $7 \text{ cm} \times 0,7 \text{ dm} \times 10 \text{ cm}$  jest równa:  
 A.  $140 \text{ cm}^3$     B.  $77 \text{ dm}^3$     C.  $0,49 \text{ dm}^3$     D.  $96 \text{ cm}^3$

5 Do akwarium w kształcie prostopadłościanu można wlać co najwyżej  $48 \text{ l}$  wody. Akwarium to może mieć wymiary wewnętrzne:  
 A.  $1 \text{ dm} \times 0,1 \text{ dm} \times 48 \text{ dm}$     B.  $8 \text{ cm} \times 35 \text{ cm} \times 5 \text{ cm}$   
 C.  $3 \text{ dm} \times 4 \text{ dm} \times 4 \text{ dm}$     D.  $16 \text{ cm} \times 3 \text{ cm} \times 1 \text{ cm}$

6 Krawędzie prostopadłościanu wychodzące z jednego wierzchołka mają długości  $0,3 \text{ dm}$ ,  $4 \text{ cm}$  i  $8 \text{ cm}$ . Objętość tego prostopadłościanu jest równa:  
 A.  $22 \text{ cm}^3$     B.  $96 \text{ cm}^3$     C.  $128 \text{ cm}^3$     D.  $64 \text{ cm}^3$

7 Na rysunku przedstawione są naczynia.



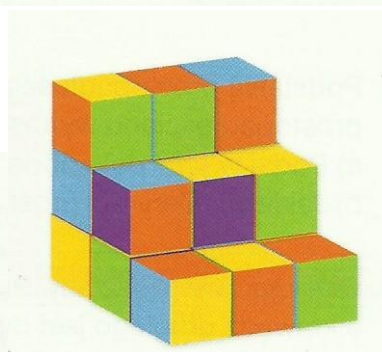
Oceń prawdziwość zdań. Jeżeli zdanie jest prawdziwe, zaznacz P, jeżeli fałszywe – F.

|  |   |   |
|--|---|---|
| Naczynie II ma większą pojemność niż naczynie I.     | P | F |
| Naczynie II i naczynie III mają taką samą pojemność. | P | F |
| Wszystkie naczynia mają taką samą pojemność.         | P | F |

- 18 Ile kubków o pojemności 200 ml potrzeba, aby zmieścić w nich 4,6 l śmietany? Zaznacz poprawną odpowiedź spośród A lub B i jej uzasadnienie I lub II.

|               |          |   |
|---------------|----------|---|
| A. 19 kubków, | ponieważ | I. śmietanę o objętości 4,6 l należy podzielić na 200 równych części.         |
| B. 23 kubki,  |          | II. na każdy litr śmietany przypada 5 kubków, a na 600 ml śmietany – 3 kubki. |

- 2 Suma wszystkich krawędzi sześcianu jest równa 54 cm. Oblicz objętość tego sześcianu.
- 3 Akwarium ma prostokątne dno o wymiarach 50 cm × 30 cm. Jego wysokość jest równa 40 cm. Ile co najwyżej litrów wody można wlać do takiego akwarium?



- 5 Uczniowie szkoły podstawowej w Śremie ułożyli bryłę składającą się z sześcianów o krawędzi 2 dm tak, jak pokazano na rysunku. Jaką objętość ma ułożona bryła?

- 11 Pojemnik ma kształt prostopadłościanu. Jedna krawędź podstawy ma 60 cm, a druga jest o 2 dm dłuższa. Wysokość pojemnika jest 2 razy dłuższa od krótszej krawędzi podstawy. Ile co najwyżej litrów wody może pomieścić ten pojemnik?

Poniżej są trzy zestawy pytań typu prawda fałsz. Na podstawie tabel zamiany jednostek oraz wiedzy o graniastosłupach udziel odpowiedzi P czy F.

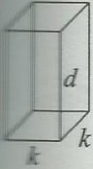
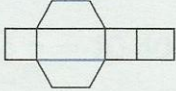
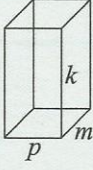
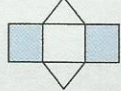
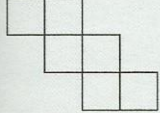
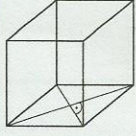
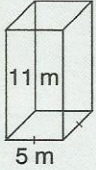
Odpowiedzi na trzy zestawy prześlij mi na adres [renatajasinska22@wp.pl](mailto:renatajasinska22@wp.pl) do 14 maja 2020. Odpowiadaj krótko np.

zestaw 1

1-F; 2-P, 3-F, itd



## Zestaw 1

|  |   |   |
|--|---|---|
| <p><b>1</b></p>  <p>Rysunek przedstawia prostopadłościan, którego podstawą jest kwadrat.</p>                                  | <p><b>2</b></p> <p>Pole powierzchni całkowitej sześcianu o krawędzi długości 5 cm jest równe <math>100 \text{ cm}^2</math>.</p>   | <p><b>3</b></p> <p>Gnaniastosłup o podstawie równoległoboku ma 8 wierzchołków i 10 krawędzi.</p>  |
| <p><b>4</b></p> <p>Jeżeli objętość pewnego sześcianu ma <math>64 \text{ dm}^3</math>, to pole jego powierzchni całkowitej jest równe <math>96 \text{ dm}^2</math>.</p>   | <p><b>5</b></p> <p>Po złożeniu modelu wyróżnione kolorem krawędzie będą równoległe.</p>    | <p><b>6</b></p> <p>W dzbanku o pojemności <math>\frac{1}{2} \text{ l}</math> zmieści się tyle samo soku co w naczyniu w kształcie prostopadłościanu o wymiarach <math>4 \text{ cm} \times 5 \text{ cm} \times 25 \text{ cm}</math>.</p> |
| <p><b>7</b></p> <p>Podstawą gnaniastoslupa, który ma 6 wierzchołków i 9 krawędzi, jest trójkąt.</p>  | <p><b>8</b></p>  <p>Pole powierzchni bocznej narysowanego prostopadłościanu wynosi:<br/><math>P_b = 2(p + m)k + 2pm</math>.</p> | <p><b>9</b></p> <p>Po złożeniu modelu wyróżnione kolorem ściany będą prostopadłe.</p>    |
| <p><b>10</b></p> <p>Rysunek przedstawia siatkę sześcianu.</p>   | <p><b>11</b></p> <p>W każdym gnaniastoslupie prostym ściany boczne są prostokątami.</p>   | <p><b>12</b></p> <p>Objętość sześcianu o polu powierzchni całkowitej <math>54 \text{ cm}^2</math> jest równa <math>27 \text{ cm}^3</math>.</p>  |
| <p><b>13</b></p> <p>Pole powierzchni całkowitej prostopadłościanu o wymiarach <math>6 \times 2 \times 5</math> jest równe:<br/><math>P = 2 \cdot 6 \cdot 2 + 2 \cdot 6 \cdot 5 + 2 \cdot 2 \cdot 5</math>.</p> | <p><b>14</b></p> <p>Prawdziwa jest równość:<br/><math>10\,000 \text{ cm}^3 = 1 \text{ l}</math>.</p>  | <p><b>15</b></p>  <p>Rysunek przedstawia gnaniastoslup, którego podstawą jest romb.</p>  |
| <p><b>16</b></p> <p>Prostopadłościan o wymiarach <math>3 \text{ m} \times 2 \text{ m} \times 1,5 \text{ m}</math> ma objętość równą <math>9 \text{ m}^3</math>.</p>  | <p><b>17</b></p> <p>Każdy prostopadłościan ma 8 wierzchołków.</p>   | <p><b>18</b></p>  <p>Pole powierzchni całkowitej narysowanego prostopadłościanu wynosi <math>275 \text{ m}^2</math>.</p>                           |



Zestaw 2

|   |  |  |
|---|--|--|
| 1<br>$8 \text{ km}^2 = 8\,000\,000 \text{ m}^2$ | 2<br>$40\,000 \text{ m}^2 = 4 \text{ ha}$              | 3<br>$300\,000 \text{ cm}^2 = 300 \text{ m}^2$ |
| 4<br>$5 \text{ km}^2 = 5000 \text{ a}$          | 5<br>$1 \text{ ha } 4 \text{ a} = 10\,400 \text{ m}^2$ | 6<br>$9 \text{ m}^2 = 90\,000 \text{ cm}^2$    |
| 7<br>$5 \text{ ha} = 50\,000 \text{ m}^2$       | 8<br>$7000 \text{ cm}^2 = 7 \text{ dm}^2$              | 9<br>$16 \text{ a} = 1600 \text{ m}^2$         |
| 10<br>$600 \text{ m}^2 = 60 \text{ a}$          | 11<br>$180\,000 \text{ m}^2 = 18 \text{ ha}$           | 12<br>$1500 \text{ dm}^2 = 150 \text{ m}^2$    |
| 13<br>$120 \text{ ha} = 12 \text{ km}^2$        | 14<br>$1\,600\,000 \text{ cm}^2 = 160 \text{ m}^2$     | 15<br>$1300 \text{ a} = 13 \text{ ha}$         |

Zestaw 3

|   |   |   |
|---|---|---|
| 1<br>$0,2 \text{ cm}^3 = 20 \text{ mm}^3$     | 2<br>$0,4 \text{ l} = \frac{2}{5} \text{ dm}^3$ | 3<br>$270 \text{ ml} = 270 \text{ cm}^3$            |
| 4<br>$6 \text{ m}^3 = 6000 \text{ dm}^3$      | 5<br>$0,9 \text{ m}^3 = 900 \text{ dm}^3$       | 6<br>25% z $1 \text{ m}^3$<br>to $250 \text{ dm}^3$ |
| 7<br>$0,6 \text{ hl} = 600 \text{ l}$         | 8<br>$60 \text{ ml} = \frac{3}{5} \text{ l}$    | 9<br>$70 \text{ cm}^3 = 0,07 \text{ dm}^3$          |
| 10<br>$0,003 \text{ cm}^3 = 0,3 \text{ mm}^3$ | 11<br>10% z $1 \text{ l}$ to $100 \text{ ml}$   | 12<br>$80\,000 \text{ dm}^3 = 8 \text{ m}^3$        |
| 13<br>$\frac{1}{2} \text{ hl} = 50 \text{ l}$ | 14<br>$280 \text{ mm}^3 = 2,8 \text{ cm}^3$     | 15<br>$500 \text{ ml}$ to 50% z $1 \text{ l}$       |